

Exercice 1

$$z = \frac{1}{5+9i} = \frac{5}{106} - \frac{9}{106}i$$

$$z = \frac{2-3i}{8+6i} = -\frac{1}{50} - \frac{9}{25}i$$

Exercice 2:

1) $f(i) = 0$

Comme i est racine de f_1 , on peut factoriser $f_1(z)$ par $(z-i)$.

2) a) $(z-i)(z^2 - 4z + 16) = f_1(z)$

b) $f_1(z) = 0 \Leftrightarrow z = i$ ou $z^2 - 4z + 16 = 0$

$$\Delta = (4)^2 - 4 \cdot 16 = -48$$

$$z = \frac{4 \pm \sqrt{-48}}{2} = \frac{4 \pm 4i\sqrt{3}}{2} = 2 \pm 2i\sqrt{3}$$

$$S = \{i; 2\sqrt{3} + 2i; 2\sqrt{3} - 2i\}$$

$$|SN|^2 = 2 - 6i$$

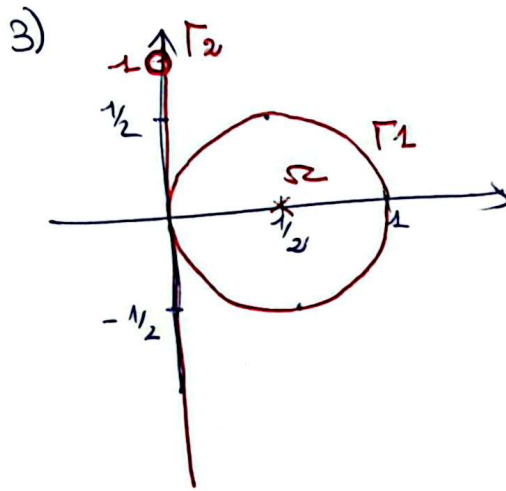
Exercice 3:

1) $z \in \mathbb{R} \Leftrightarrow z = \bar{z} \Leftrightarrow z\bar{z} + i(z - \bar{z}) = 0$
 $\Leftrightarrow x^2 + (y - \frac{1}{2})^2 = (\frac{1}{2})^2$

Γ_1 est un cercle de centre $S_1(0; \frac{1}{2})$ et $R = \frac{1}{2}$ rayon.

2) $z \in i\mathbb{R} \Leftrightarrow z = -\bar{z} \Leftrightarrow i(z + \bar{z}) = 0$
 $\Leftrightarrow z + \bar{z} = 0 \Leftrightarrow z \in i\mathbb{R}$ et $z \neq i$

Γ_2 est l'axe des ordonnées privé du point d'affixe i

Exercice 4

Remarque dans $[\pi, 2\pi]$:

$$2\cos^2(x) - 3\cos(x) + 1 = 0$$

$$2x^2 - 3x + 1 = 0, \Delta = 1$$

$$x = \frac{3 \pm 1}{4} \begin{cases} 1 \\ 1/2 \end{cases}$$

$$2\cos^2(x) - 3\cos(x) + 1 = 0$$

$\Leftrightarrow \cos(x) = 1$ ou $\cos(x) = \frac{1}{2}$

$\Leftrightarrow x = 0$ ou $x = 2\pi$ ou $x = \frac{\pi}{3}$
ou $x = \frac{5\pi}{3}$

$$S = \{0; \frac{\pi}{3}; \frac{5\pi}{3}; 2\pi\}$$